

# مجموعه مقالات

کنفرانس بین المللی ریاضیات درای همه

ویراستاران :

فرهاد جنتی

محمد رضا درفشه

پرویز رشیدیان

عیسی نخعی کمال آبادی

گروه ریاضی ، دانشکده علوم پایه ، دانشگاه کردستان

## فهرست مطالب

عنوان	صفحه
محمد باقری	
معرفی یک ابزار نجومی ساخت سنتنج در ۱۴۰ سال پیش	۱
جواد بهبودیان	
مثلث خیام-پاسکال از دبستان تا دانشگاه	۱۲
مرتضی بیات و حسین تیموری فعال	
موسیقی و ریاضیات	۲۴
محمد حسین پورکاظمی	
ضرورت سوالهای چند گزینه ای در آزمونهای سراسری	۳۸
مگردیج تومانیان	
آنالیز گسسته دو متغیری	۵۴
فرهاد جنتی	
دسته ای از بازیهای نوبتی	۵۹
سعید دهقانی	
ترسیم مجموعه های مندل بروت و جولیا توسط کامپیوتر	۶۵
پرویز رشیدیان	
ریاضیات و صفات های انتظار در زندگی روزمره	۷۵
مانی رضایی	
استراتژی برد بازیهای عادلانه	۹۱
حسین سیفلو	
زبان فارسی و زبان ریاضی	۱۰۱

## معرفی یک ابزار نجومی ساخت سنترج در ۱۴۰ سال پیش

محمد باقری

ارتباط بین‌الملل بنیاد دایرۀ المعارف اسلامی

چکیده:

موضوع مقاله من با شهر سنترج ارتباط مستقیم دارد و پیش از ورود به مطلب مایلم از یک ریاضیدان کرد که بیش از ۷ قرن پیش می زیسته است یاد کنم . مطابق آنچه استاد ابوالقاسم قربانی در کتاب زندگینامه ریاضیدانان دوره اسلامی ( مرکز نشر دانشگاهی ، چاپ دوم ، تهران ، ۱۳۷۵ ، ص ۱۲۳ ) آورده است ، احمد بن عمر بن صالح اربیلی که احتمالاً در نیمة دوم قرن هفتم هجری می زیسته ، کتابی در حساب به عربی و به نام الکفایت داشته است . این کتاب که نسخه خطی آن در کتابخانه فاتح ( استانبول ) نگهداری می شود ، شامل چهار بخش است : ضرب ، تقسیم ، نسبت ، و مساحت . مرحوم احمد سلیم سعیدان تاریخ نگار فلسطینی ریاضیات که در دی ماه ۱۳۶۹ در اردن در گذشت در سال ۱۳۴۴ ( ۳۵ سال پیش ) متن این اثر را در مجله معهد المخطوطات ( شماره ۱۱ ) که در قاهره چاپ می شد منتشر کرد . احمد اربیلی چنان که از نامش بر می آید باید اهل یا ساکن شهر اربیل بوده باشد . موصل هم شهر کردنشین دیگری است که از لحاظ تاریخ ریاضیات اهمیت دارد . تنها نسخه شناخته شده از الکافیة فی الحساب اثر عزیز البیرون زنجانی در موصل نگهداری

می شود عز الدین زنجانی (در گذشته ۶۶۰ هـ . ق) هم مدت‌ها در موصل می زیسته است . در مورد اثیر الدین ابهری ریاضیدان دیگر ایرانی (در گذشته ۶۶۳ هـ . ق) گفته اند که در فتنه مغول به بلاد روم گریخت و ادوارد استوارت کنده در کتاب پژوهشی در زیج‌های دوره اسلامی او را اهل موصل دانسته است .

ابزار نجومی ساخت سندج که در اینجا معرفی خواهد شد اکنون در یکی از موزه های آمریکا نگهداری می شود . این ابزار چنان که در شکل دیده می شود به صورت طرق مستدیری با قطر خارجی حدود ۱۲ سانتی متر و قطر داخلی حدود ۷ سانتی متر و ضخامت حدود یک سانتی متر است . روی این طرق چند عبارت و چند نمودار خطی (نمودار گرام) مربوط به تابعهای نجومی حک شده است .

عبارت‌ها به قرار زیرند :

بسم الله خير الاسماء

حسب الفرمایش سرکار ضیاء الملک امان الله خان و الى سلمه الله

باتمام رسید در شهر سندج

الداعی علاء الدين بن حسن ۱۲۸۱

ساخته شدن این ابزار نجومی به دستور امان الله خان دوم ، حاکمی از علاقه او به نجوم و همچنین نشانه رواج این علم در کردستان ۱۴۰ سال پیش است . هویت علاء الدين بن حسن ، سازنده این ابزار ، تا کنون بر من روشن نشده است و از هر گونه اطلاعی در این باره استقبال و تشکر می کنم . جا دارد که برای یافتن نمونه های دیگری از ساخته های او و همکاران احتمالیش جستجو شود .

امان الله خان دوم که این ابزار به نام او و قاعده‌تاً برای او ساخته شده است از خاندان اردلان بود که از قرن هفتم تا اواخر قرن سیزدهم هجری در کردستان حکومت می کردند و سر سلسله آنان بابا اردلان یا قباد اردل مردی پاک نهاد و پرهیزگار بود و بر مناطقی در شهر زور و قسمتی از اورامات حکومت می کرد و در سال ۶۰۶ هـ . ق . درگذشت .

امان الله خان دوم فرزند خسرو خان سوم و نوّه امان الله خان اول بود . امان الله خان اول در سال ۱۲۱۴ به فرمان فتحعلی شاه قاجار والی کردستان شد . او مردی با همت و بخشیده و آبادگر بود و بنایهای عالی ، مسجدها ، قناتها ، گرمابه‌ها ، پلها ، راهها ، باغهای متعددی ساخت که آثار آنها تا این اواخر باقی مانده و به «امان الله» معروف بود . از این میان تنها مسجد بزرگ دارالاحسان (مسجد جامع) که در سال ۱۲۲۷ هـ . ق . ساخته شد هنوز باقی است امان الله خان اول در سال ۱۲۲۱ هـ . ق . برای برگرداندن حکومت شهر زور به عبدالرحمن پاشای بابان در کنار دریاچه زربوار مربیان با سپاه عثمانی جنگید و آنان را شکست داد . در سال ۱۲۳۴ هـ . ق . محمد حسن خان پسر امان الله خان اول علیه پدر شورید و پیامها و پندهای آشتبخ خواهانه کارگر نیفتاد . سرانجام سپاهیان پدر و پسر در نزدیکی روانسر به جنگ پرداختند که پس از زخمی یا کشته شدن عده زیادی از آنها ، پسر زخمی و دستگیر و به سنتنچ برده شد و در سن ۲۲ سالگی درگذشت . امان الله خان اول از غم مرگ فرزند مدتی بیمار شد و یک سال بعد دختر فتحعلی شاه قاجار را به عقد پرسش خسرو خان سوم در آورد . امان الله خان اول در سال ۱۲۴۰ هـ . ق . پس از ۲۷ سال حکومت درگذشت . او علاوه بر تدبیر و شجاعت ، اهل علم و ادب بود و شعر هم می سرود و خط زیبا می نوشت .

پس از امان الله خان اول ، پرسش خسرو خان سوم مشهور به ناکام در سن ۲۴ سالگی به جای پدر حاکم کردستان شد . او هم مردی رشید و مهربان و سخاوتمند بود و در قحطی سال ۱۲۴۳ هـ . ق ، مقدار زیادی گندم و حبوبات از ابار خود بین مردم تقسیم کرد و آنها را از مرگ رهاند در سال ۱۲۵۰ هـ . ق . بعد از ۱۰ سال والی گری ، در شبیوع طاعون به همراه عده ای به کوه آبیدر رفت و در آنجا چادر زد . ولی همانجا در ۳۴ سالگی به بیماری طاعون درگذشت . همسر او به نام ماه شرف خانم متخلص به مستوره که دختر دائمیش هم بود ، از شاعرهای معروف کردستان است .

پس از خسرو خان مذکور پسر بزرگش رضاقلی خان که مردی شجاع و کریم بود و طبع شعر داشت والی کردستان بود و از سال ۱۲۶۲ هـ . ق . امان الله خان دوم والی کردستان شد .

امان الله خان دوم در سال ۱۲۸۴ هـ. ق. در سن ۴۵ سالگی در تهران در گذشت او مجموعاً ۲۰ سال حکومت کرد امان الله خان دوم اهل مطالعه بود و بیش از ۲۰۰۰ کتاب خطی و چاپی داشت. او شعر هم می سرود و در سنتدج مسجد دار الامان را ساخت که نام دیگر شمس مسجد والی بود.

اکنون به شرح تابعهای ریاضی و نجومی که روی این طوق به صورت نمودار خطی (نمودار گرام) آورده شده است می پردازیم، در این نمودارهای خطی اعداد با حروف ابجد نشان داده شده است که در نجوم و ریاضیات دوره اسلامی این روش به خاطر احتراز از اشتباه در کاربرد ارقام هندی رایج بود

۱ - دو نمودار جیب یا سینوس به صورت ربع دایره که برای رسیدن به دقت بیشتر مکمل یکدیگرند. مقادیر کمان روی یکی ۶، ۱۲، ۱۸، ...، ۹۰ درجه و روی دیگری ۳، ۹، ۱۵، ...، ۸۷، ۹۰ درجه است. مقادیر متناظر جیب ( $\sin \alpha$ ) روی اولی ۶، ۱۲، ۱۸، ...، ۶۰ و روی دومی ۳، ۹، ۱۵، ...، ۵۷، ۶۰ است. ضمناً هر کدام از فاصله های ۶ درجه ای مربوط به کمان یا جیب با گذاشتن نقطه هایی به سه قسم تقسیم شده است. در این نتیجه با این دو نمودار می توان سینوس هر درجه کمان از ۱ تا ۹۰ را با دقت  $\frac{1}{60}$  به دست آورد (شکل ۱)

۲ - در لبه بیرونی، سمت چپ و پایین، مقادیر کمان ۱۰، ۲۰، ...، ۱۸۰ درجه با تقسیمات یک درجه ای آورده شده است که برای اندازه گیری زاویه ها به کار می رود. (شکل ۱).

۳ - در دو ردیف درونی همین دو ربع مقایر میل اول ( $\delta_1$ ) و میل ثانی ( $\delta_2$ ) برای هر درجه از برجهای ۱۲ گانه ذکر شده است. شکل ۲ کمانهای  $\delta_1$  و  $\delta_2$  را روی کره فرضی آسمان نشان می دهد. این دو تابع در تبدیل انواع مختصات آسمانی به یکدیگر و در اندازه گیری زمان و محاسبات دیگر نجوم کروی به کار می روند. فرمول محاسبه  $\delta_1$  و  $\delta_2$  به قرار زیر است:

### محمد باقری

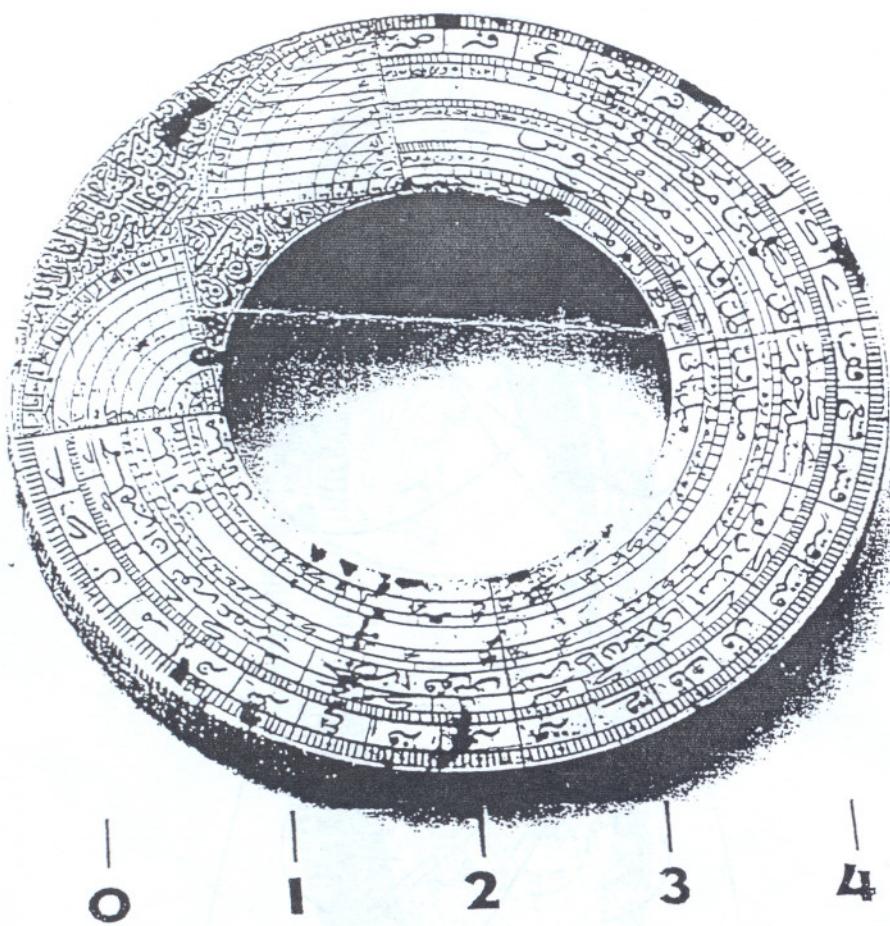
( λ )  $A_0$  نشان داده شده است . پیش طوق تماماً به بیان مقادیر این تابع اختصاص یافته است . این مقادیر از فرمول زیر به دست می آیند :

$$\sin A_\varphi(\lambda) = \frac{\operatorname{tg} \lambda}{\operatorname{tg} \epsilon} = \pm \operatorname{tg} \varphi \operatorname{tg} \delta_1$$

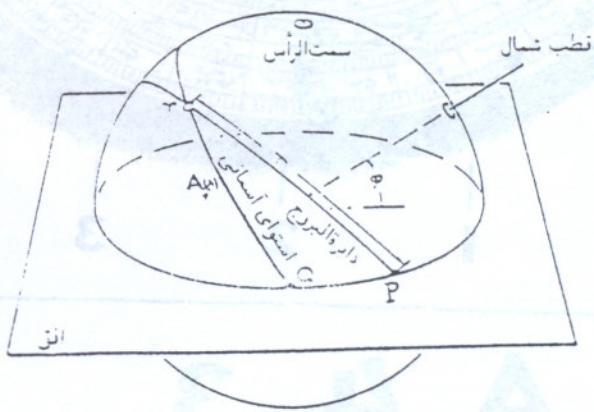
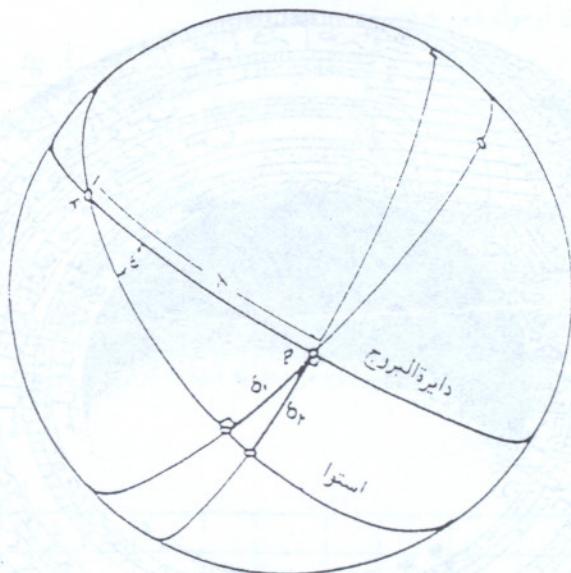
هر ربع از طوق برای یک گروه از مقادیر  $K+3$  ،  $K+2$  ،  $K+1$  ،  $K$  و  $K-1$  از

برجها به کار رفته است که دقت عمل را به یک درجه می رساند . توجه کنید که هر ردیف از هر ربع به چهار برج اختصاص دارد . حروف ابجدی که برای این منظور به کار رفته است و عددها ، برجها و ماههای خورشیدی مربوط به آنها به قرار زیر است :

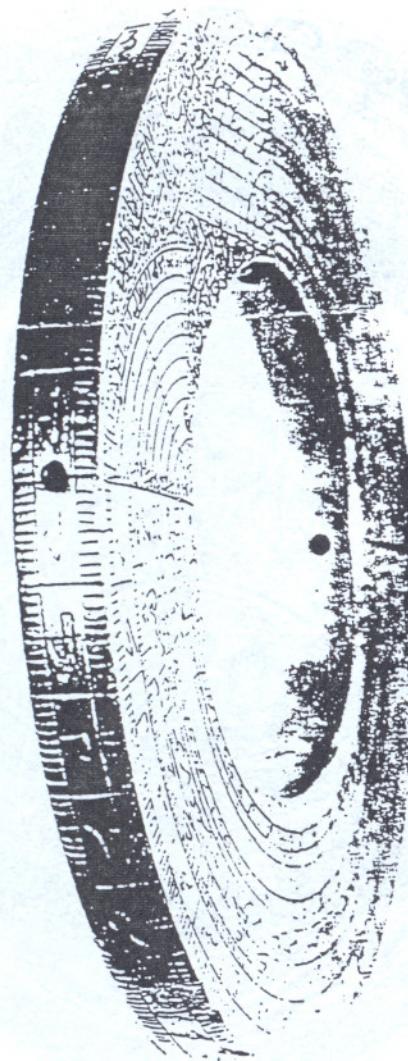
حروف	ماه	ب	ج	د	ه	و	ز	ح	ط	ی	با
عدد	.	۱	۲	۳	۴	۵	۶	۷	۸	۹	۱۰
برج	حمل	ثور	جوزا	سرطان	اسد	سنبه	میزان	عقرب	قوص	دلو	حوت
ماه خورشیدی	فروردین	خرداد	تیر	مرداد	شهریور	مهر	آبان	آذر	دی	بهمن	اسفند



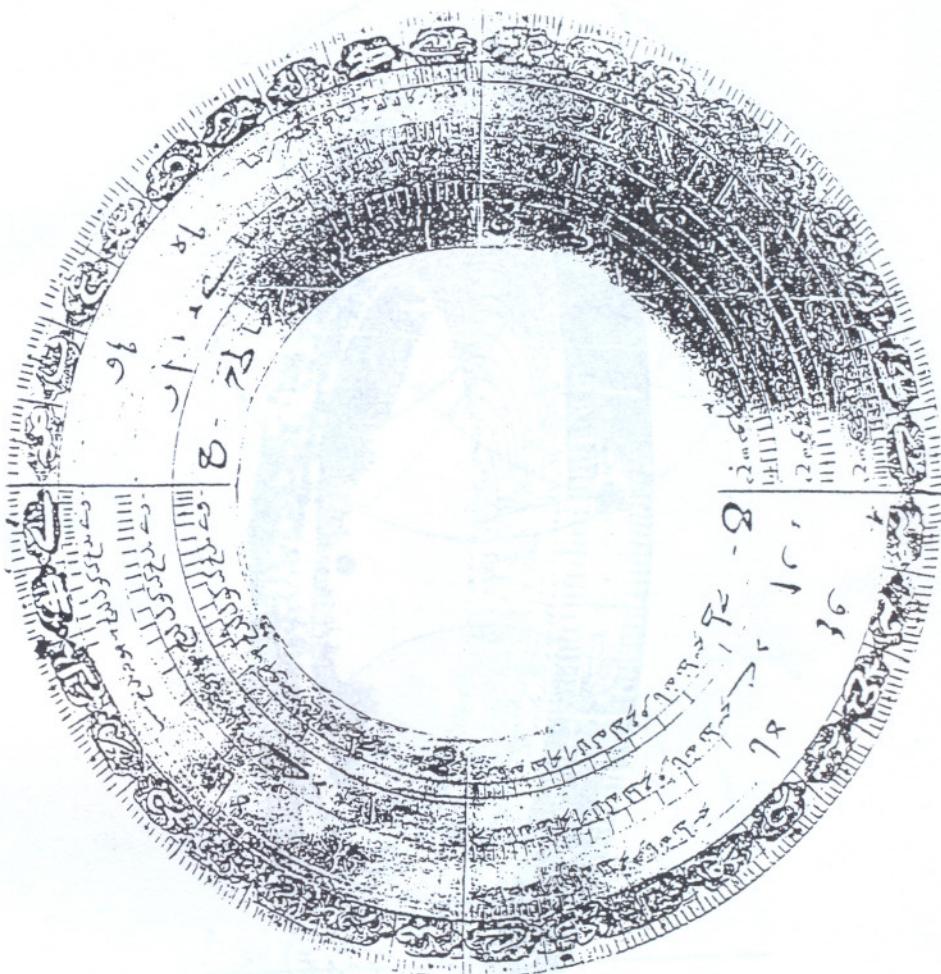
شكل (۱)



شکل (۲)



شکل (۳)



شکل (۳)

تصویر اسٹرلابی که برای ضیا الملک امان الله والی در سال ۱۲۸۱ (قمری) ساخته شده و اکنون در موزه هنر اسلامی (متحف الفن الاسلامی) در قاهره نگهداری می شود.



شکل (۵)