

پرنده های کاغذی، راهگشایان کامپیوترهای نووری، رابرت لانگی، دانشمند، سال ۸۸، شماره ۴

شهریور ۱۳۶۹، ص ۸۸-۹۵

پرنده‌های کاغذی، راهگشایان کمپیوترهای نوری

نوشته: رابرت لانگ
ترجمه: مهندس محمد باقری

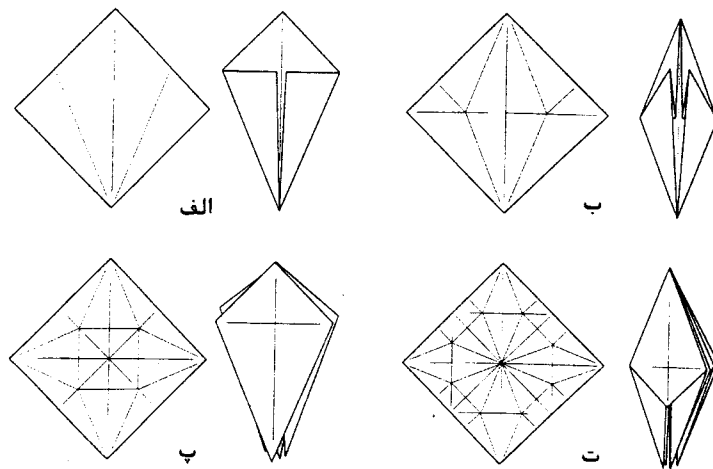
اُریگامی (هنر کاغذ و تا) چون یک هنر
ابتدایی در ژاپن عهد باستان پدیدار
شد. دوستداران امروزی اریگامی، آن را
به سطح هنری تخصصی رسانده‌اند که
هیچ حد و مرزی نمی‌شناسد



کاغذ ابزار دست اهل علم است. دفترچه‌های
آزمایشگاهی از کاغذ ساخته شده. بر روی میز کار
دانشمندان صفحات کاغذی انباشته شده و بالاخره
از خروجی کامپیوترها دسته‌دسته کاغذ بیرون
می‌ریزد. به سراغ هر آزمایشگاه یا موسسه علمی
که بروید با انواع و اقسام کاربردهای کاغذ روبه‌رو
می‌شوید. اما گاهی هم ممکن است ببینید که
کاغذ را برای منظوری دقیقاً غیر علمی به کار
برده‌اند: آن را با تا کردن، به شکل پرنده،
ماهی، آدم و چیزهای مختلف درآورده‌اند. این
شکلهای کاغذی نمونه‌هایی از هنر اریگامی هستند.
اریگامی واژه‌ای ژاپنی به معنی "کاغذ تا شده"
است (در زبان فارسی این هنر را "کاغذ و تا"
نامیده‌اند - م. م.). اعضای جامعه دانشمندان
جزو طرفداران پروپاقرص این هنر باستانی شده‌اند.
هنری که از صورت ابتدایی ژاپنی خود بسیار
فراتر رفته و در کشورهای غربی نیز رواج و اهمیت
چشمگیری یافته است. تعداد قابل توجهی از
دانشمندان، مهندسان، معماران و امثال آنها،
شیفته چیزی شده‌اند که به طور عادی سرگرمی

است: تا کردن "مینا" و تا کردن "ریزه‌کاری‌ها".
هر "مینا" عبارت است از یک شکل هندسی که
ساختمانی مشابه شی مورد نظر دارد، گرچه به
ظاهر چندان شبیه به آن نیست. از طرف دیگر،
ناهای ریزه‌کاری، تا‌هایی هستند که شکل ظاهری
مینا را به نمونه نهایی مورد نظر تبدیل می‌کنند.
در طراحی مینا، تمامی برگه کاغذ باید در نظر
گرفته شود، زیرا همه بخشهای مینا به یکدیگر
مرتبط‌اند و هرگونه تغییری در یک جزء بر سایر
اجزای کاغذ نیز الزاماً اثر می‌گذارد. تا‌های
ریزه‌کاری معمولاً بر بخش کوچکی از کاغذ اعمال
می‌شوند و مثلاً لبه‌ای را به یک پا یا بال، یا سر
تبدیل می‌کنند. برای آنکه مینا به شکل حیوان
مورد نظر درآورده شود، تفکر مقطعی (تاکتیکی)
لازم است، طراحی مینایی که کار باید با آن
آغاز شود نیازمند دورنگری (استراتژی) است.
در سالهای میانی دهه ۱۹۶۰، اریگامی
در سراسر جهان مورد توجه قرار گرفته بود و
عمدتاً چهار نوع مینا به کار گرفته می‌شد (شکل ۱)،
این میناها را به نامهای مینای بادبادک، مینای
ماهی، مینای پرنده و مینای قورباغه می‌نامند.
(علاوه بر اینها، دو شکل دیگر هم هست که
عموماً میناخوانده می‌شود - تای ابتدایی و مینای
ازدر - که حالت‌های کامل نشده دومینای پرنده و
قورباغه هستند.) گرچه این چهار مینا بیش از

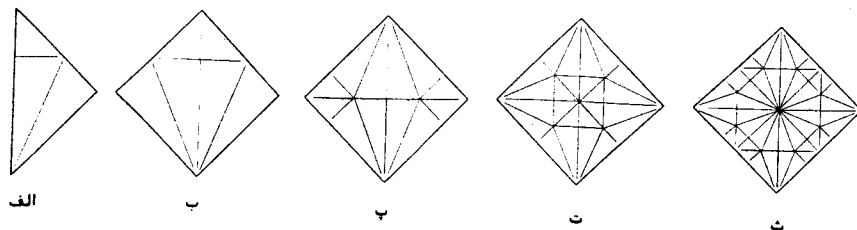
صد سال قبل از آنکه اریگامی در غرب رواج یابد،
در ژاپن شناخته شده بودند، بخش اعظم صدها
طرح جدیدی که تا آن زمان ساخته شده بود بر
اساس همین چهار شکل بود و این امر حاکی از
انعطاف‌پذیری "میناهای سنتی" چهارگانه است.
با این حال، میناهای سنتی اشکالات خاصی
هم دارند. زبان‌های اصلی مینا، به اجزای
اصلی نمونه نهایی تبدیل می‌شوند. اگر موضوع
مورد نظر چهار پا و یک سر و یک دم داشته
باشد، برای ساختن آن، مینایی با شش زبانه
اصلی لازم است. میناهای بادبادک، ماهی، پرنده
و قورباغه، به ترتیب، یک، دو، چهار و پنج
زبانه بزرگ و یک، دو، یک و چهار زبانه کوچکتر
دارند. ماهی ساده دو زبانه بزرگ (سر و دم) و
دو زبانه کوچک (باله‌های سینه) دارد و به همین
علت مینای ماهی برای آن مناسب است و علت
نامگذاری این مینا هم همین است. مهره‌دارانی
که در خشکی زندگی می‌کنند عموماً پنج زبانه
اصلی دارند (چهار پا و یک سر) که طبعاً بیش از
هر چیز با مینای قورباغه وفق می‌دهد که البته
در اینجا وجود دم نادیده گرفته شده است. اما
زبان‌های که در مینای قورباغه در موقعیت تبدیل
شدن به سر قرار گرفته. قطور است و دستکاری
کردنش راحت نیست. این کار را با یکی از چهار
زبانه مینای پرنده آسانتر می‌توان انجام داد.



شکل ۱. میناهای "سنتی" اریگامی به همراه نقش تازنی آنها، عبارتند از (الف) مینای بادبادک،
(ب) مینای ماهی، (پ) مینای پرنده، و (ت) مینای قورباغه. (شکلهای در یک مقیاس نیستند)

کودکان قلمداد می‌شود. آنها به طرحهای قدیمی
اکتفا نکرده و طی سالهای اخیر تغییرات عمده‌ای
در مسیر این هنر پدید آورده‌اند. کاغذ تاکن‌های
متخصص امروزی، با استفاده از اصول ریاضی و
هندسی در طرحهای اریگامی، این هنر را به
سطوح غیرقابل تصویری از پیچیدگی و واقعی‌نمایی
رسانده‌اند.

قوانین اریگامی - استفاده از یک صفحه کاغذ،
بدون هیچ عمل برش - ظاهراً بسیار محدودکننده
است. ابتدا به نظر می‌رسد که با رعایت این
قوانین، تنها شکلهای خیلی ساده و انتزاعی
را می‌توان ساخت. اما در طول صدها سال،
دوستان الی سیمد طرح مختلف به روش آزمون
و خطا پدید آمده است. اغلب این طرحها
ساده‌اند و شیوه‌های محدودی در ساخت آنها به
کار گرفته شده است. پیچیدگی و واقعی‌نمایی
در اریگامی - مثلاً ساختن حشراتی دارای پا و بال
و شاخک - تنها با پیدایش روشهای طراحی
تخصصی در اواخر قرن حاضر امکانپذیر شد.
طراحی هر نمونه اریگامی شامل دو مرحله



شکل ۲. مثلث (الف) با ابعاد متوالیا کوچکتری در نقشهای اساسی اریگامی تخصصی ظاهر می شود: در مینای بادبادک (ب)، در مینای ماهی (پ)، در مینای پرنده (ت)، و در مینای قورباغه (ث)

شکل ۲ و شکل ۳ ظاهر می شوند. این مثلثها، سنگ بنای واقعی اریگامی تخصصی هستند. این دو مثلث برخی خواص جالب دارند. هر یک از آنها را می توان به دو یا چهار مثلث نظیر مثلث اولیه تجزیه کرد (شکل ۴)، علاوه بر مثلث را می توان به دو مثلث نوع الف و یک مثلث نوع ب تجزیه کرد. اگر این تقسیم بندی ها را به شیوه مناسبی روی نقشهای ساده تاخوردگی اعمال کنیم، زیانه های بیشتر و بیشتری حاصل می شود.

به جای تجزیه کردن مربع به مثلثهای کوچکتر و کوچکتر، می توانیم مثلثهای الف و ب را طوری کنار هم بچینیم که نقشهای هندسی بزرگتر و بزرگتری به دست آید. مثلا با کنار هم چیدن دو مثلث نوع الف و دو مثلث نوع ب می توان مستطیلی با نسبت اضلاع $1: \sqrt{3}$ ساخت. با کنار هم چیدن چهار تا از این مستطیلها می توان مستطیل دیگری با نسبت اضلاع $1: \sqrt{2}$ ساخت که دو محور تقارن داشته باشد (شکل ۵). از این راه می توانیم سنگ بناهای بزرگتری برای ساختن میناها به وجود آوریم. از ترکیب مجموعه های بزرگتری از واحدهای اساسی می توانیم میناهای پیچیده تری ایجاد کنیم که به نوبه خود منجر به ساختن شکلهای کاغذی پیچیده تری خواهد شد. با یافتن ترکیبهای مختلف این مثلثها، می توانیم "کتابخانه ها"یی از نقشهای تاخوردگی با درجات بالاتر فراهم کنیم، که مثلا این کار را می توان

خوانده می شود و در چند طرح پیچیده به کار گرفته شده است.

نقش تاخوردگی های کاغذ، در حکم نقشه راهنمایی است که نشان می دهد برای ساختن یک مینا، کاغذ را چگونه باید روی خودش تا کرد. در مورد میناهای حاصل از تازنی قوطی وار، مینا را می توان از مربع دارای تاخوردگی و با تازدن یک در میان در هر جهت، به وجود آورد. هر یک از میداهای تاخوردگی های شعاعی روی مربع، بعدا به زیانه ای از مینا تبدیل می شود، بنابراین برای داشتن اجزای فرعی بیشتر باید خوشه های شعاعی بیشتری از تاخوردگی ها ایجاد کرد. مینای پرنده با تازی درون بر، نه زیانه اصلی دارد که خیلی بیشتر از تعدادی است که قبلا مقدور بود. نقش تاخوردگی ها برای طرح "خارپشت دریایی" من، که از ۱۲۸ مثلث اساسی همانند تشکیل می شود، شامل ۲۵ زیانه با طول مساوی است.

البته درواقع این مثلث، اساسی ترین واحد نیست و به نوبه خود از سه مثلث کوچکتر تشکیل شده است: دو مثلث قائم الزاویه مختلف الاضلاع همانند (که نسبت اضلاع مجاور به قائمه شان $1: \sqrt{2}$ است) و یک مثلث قائم الزاویه، متساوی الساقین (با نسبت اضلاع مجاور به قائمه $1: 1$) که متشابه با مثلث اولیه ولی کوچکتر از آن است. این دو نوع مثلث را بترتیب مثلثهای نوع الف و نوع ب می نامیم. این دو مثلث مکررا در اندازه های مختلف در سراسر نقشهای تاخوردگی



جادوی ماتادور: "لحظه حقیقت لویپو" ساخته شده از یک مستطیل ۳:۱

تا زنی "فنی" خوانده شده است چرا که درواقع نوعی از اریگامی است که در آن به میزان مساوی هنر و مهندسی به کار رفته است. اصول اساسی کار ما بسیار ساده بود. در چهار مینای سنتی، نقش یکسانی در مضربهای دو، چهار، هشت و شانزده ظاهر می شود. در اریگامی تخصصی از گسترش همین الگو استفاده می شود.

این نقش تکرار شونده، مثلث قائم الزاویه متساوی الساقینی است که دو تا خورددگی روی آن وجود دارد. همان طور که در شکل ۲ دیده می شود این نقش در هر یک از میناها با ابعاد پی در پی کوچکتری ظاهر می شود. از کنار هم گذاشتن دو تا از این مثلثهای اساسی، یک مربع به وجود می آید که مینای بادبادک را پدید می آورد. از چهارتا اینها مینای ماهی درست می شود. از هشت تا، مینای پرنده به وجود می آید و بالاخره با کنار هم چیدن شانزده تا می توان مینای قورباغه درست کرد. این الگو کاملا ساده و روشن است. برای رسیدن به ۳۲ مثلث کافی بود چهار گوشه مربع را به مرکز تا کنیم و روی شکل حاصل یک مینای قورباغه بسازیم. در این حالت نتیجه کار چیزی است که "مینای قورباغه باتای درون بر"

ولی اگر از مینای پرنده برای ساختن یک جانور چهارپای کاغذی استفاده کنیم، ناچار خواهیم شد دو تا از پاهای (معمولا پاهای عقبی) را با یک زیانه بسازیم. در سالهای دهه ۱۹۵۰ و ۱۹۶۰ انواع و اقسام جانورهای سدای اریگامی، اینجا و آنجا می لولیدند.

نخستین شیوه طراحی منظم و حساب شده، در دهه ۱۹۶۰ با ابداع روش تازنی به نام "تازنی قوطی وار" پدیدار شد. علت این نامگذاری آن است که در این روش، کار با تا زدن کاغذ شروع می شود و مرحله های مینایی به یک رشته قوطی شباهت دارند. تازنی قوطی وار منجر به ایجاد برخی از عجیبترین شکلهایی شده که تا کنون در اریگامی عرضه شده اند. یکی از نخستین نمونه های آنها، به نام "لحظه حقیقت لویپو" اثر نیل الیاس است که در آن گاو و گاوباز و شغل، همگی از تا زدن یک برگ کاغذ ساخته شده اند. یکی از پیچیده ترین نمونه های حاصل از تازنی قوطی وار، "سیاه کوکوی جنگل سیاه" است. که خودم طرح کرده ام. در این طرح ۲۵۰ متر تا در نمونه ای به ارتفاع ۱۴۰ سانتیمتر وجود دارد و ساختن آن، چهار تا شش ساعت وقت می گیرد. در هر دوی این طرحها، مثل اغلب طرحهای دیگر تازنی قوطی وار، به جای مربع سنتی از مستطیلی با نسبت ابعاد به ترتیب ۳ به ۱ و ۱۰ به ۱ استفاده شده است.

شیوه تازنی قوطی وار، طرحهای پیچیده را بر مستطیل مبتنی کرد، در حالی که روی مربع - یعنی شکل اولیه سنتی - چندان کار نشد و تنها تعداد انگشت شماری طرح پیچیده براساس آن ساخته شد. این وضع در دهه ۱۹۷۰ تغییر کرد. در این سالها سه اریگامی و یک ژاپنی که مستقل از یکدیگر کار می کردند موفق به یافتن مجموعه ای از روشها و تقارنها شدند که در ایجاد نمونه های پیچیده بر اساس مربع به کار می رفت. این چهار تن عبارت بودند از: جان مونترول، مهندس و مدرس ریاضیات، پیترا انگل، نویسنده مقالات علمی و معمار، جون مائه گاوا دانشمند فیزیک هسته ای، و خودم که در رشته فیزیک لیزر کار می کنم. روشهایی که ما ابداع کردیم به نام

۱. ترجمه مقاله ای به نام "اریگامی، هنر ویژه ریاضیدانان" از پیترا انگل در دانشمند، شماره اول سال ۱۳۶۹ چاپ شده است.

۲. در مورد "تازنی درون بر" نگاه کنید به دانشمند، شماره اول، سال ۱۳۶۹ مقاله "اریگامی، هنر ویژه ریاضیدانان"، صفحه ۷۳.



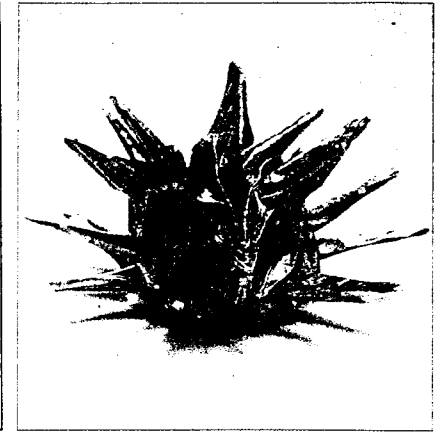
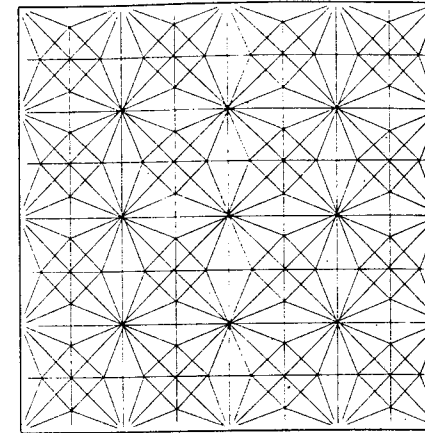
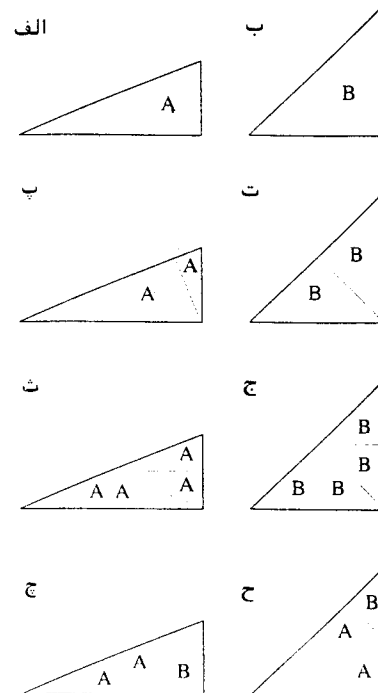
قورباغه، درنا و قو نمونه‌های قدیمی هنر اریگامی هستند

شکل ۴. دو مثلث اساسی اریگامی تخصصی در (الف) و (ب) دیده می‌شوند. هر کدام از آنها را می‌توان به دو مثلث کوچکتر متشابه با خودشان تجزیه کرد (پ، ت)، یا به چهار مثلث کوچکتر متشابه با آنها (ت، ج)، یا به دو مثلث نوع "الف" و یک مثلث نوع "ب" (ج، ح)

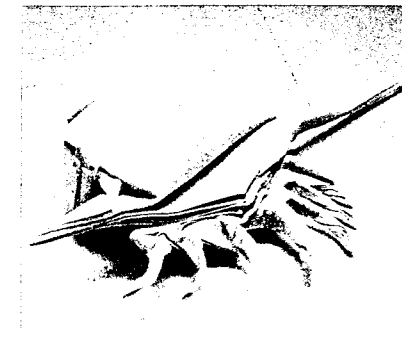
داشته باشند. این خاصیت را به طور خلاصه چنین می‌توان بیان کرد که فاصله دوزبانه روی مربع نمی‌تواند کمتر باشد از طول کوتاهترین مسیر بین نوک آنها در مینا.

بنابراین، در طراحی مینا، باید ترکیبهایی از مثلثهای نوع الف و نوع ب را طوری روی مربع بچینیم که به ازای هر جزء از شکل مورد نظر، یک خوشه تازنی شعاعی داشته باشیم، و محل و فاصله نسبی این خوشه‌های تازنی با محل و طول اجزای شکل مورد نظر همخوانی داشته باشد. گرچه برای هر شکل نهایی خاص فقط یک نوع مینا در نظر گرفته می‌شود، از هر مینای خاص برای ساختن شکلهای متعدد و گوناگون می‌توان استفاده کرد. برای ساختن شکلی که شش عضو اصلی داشته باشد، دو مستطیل $\sqrt{2}:1$ را می‌توان با دو مینای پرند ترکیب کرد تا نقش تازنی شکل ۶ به دست آید که براساس آن می‌توان تمساح، کوسه، کانگورو یا موش درست کرد.

با پیشرفتهایی که در فن طراحی اریگامی حاصل شده، قلمرو کار آن نیز گسترش یافته و به موارد طریقتری کشانده شده است. همان‌طور که در علم هم اغلب پیش می‌آید، می‌بینیم که



شکل ۳. نقش تازنی که شکل "خارپشت دریایی" از آن پدید می‌آید شامل ۱۲۸ نمونه مشابه از نقش اساسی است



این هم نوعی جانور نرم تن با صدف خاردار

کلی، زبانه‌هایی که در مینا به هم نزدیکند، روی مربع هم باید به یکدیگر نزدیک باشند. محدودیتهای مربوط به طول، به این روشنی نیست ولی در نظر گرفتن آنها آسان است. موضعی از مربع که در مینا به صورت نوک زبانه‌ای به طول ۲ سانتیمتر در می‌آید، ناحیه‌ای به شعاع ۲ سانتیمتر دورادور خود را روی کاغذ مربع شکل اشغال می‌کند. به این ترتیب، دو خوشه تازنی که قرار است زبانه‌هایی به طول دو سانتیمتر ایجاد کنند، نمی‌توانند فاصله‌ای کمتر از ۴ سانتیمتر (که مجموع طول دو زبانه مذکور است) با هم

برای مستطیل با نسبت اضلاع $\sqrt{2}:1$ انجام داد. به این ترتیب، مسئله طراحی مینای اریگامی تبدیل می‌شود به مسئله "کاشیکاری" یک مربع با مثلثهای نوع الف و ب (یا ترکیبهای درجات بالاتر آنها) به طوری که برای هر یک از اجزای نمونه کاغذی مطلوب، یک نقش تاخوردگی شعاعی داشته باشیم.

هر زبانه، یا به زبان دیگر، هر خوشه شعاعی، بخشی از کاغذ مربع شکل را اشغال می‌کند که مقدارش به طول زبانه بستگی دارد. پس، مثلاً با داشتن یک نقش تازنی دارای هشت خوشه شعاعی هنوز معلوم نیست که حتماً بتوانیم عنکبوت یا مینای آن را بسازیم. زبانه‌هایی از مینا که به منزله هشت‌پای عنکبوت هستند باید دارای طولی کم‌وبیش مساوی باشند و به جاهای مناسبی از تنه وصل باشند. (مثلاً حالتی که در آن شش زبانه به تنه و دو زبانه به سر وصل باشند به درد نمی‌خورد.) قوانین دیگری وجود دارد که برای مساوی بودن طول زبانه‌ها و قرار گرفتن آنها در جای مناسب به کار می‌آیند.

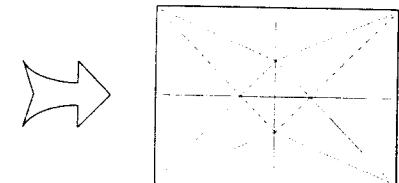
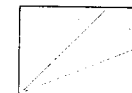
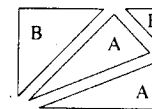
بعضی از این قانونها بدیهی هستند. مثلاً اینکه، خوشه‌ای که به سر تبدیل می‌شود و خوشه‌ای که تبدیل به دم خواهد شد، باید در دو کناره مقابل از کاغذ واقع باشند، پاهای جلو باید به سر نزدیکتر باشند تا به دم، الی آخر. به طور



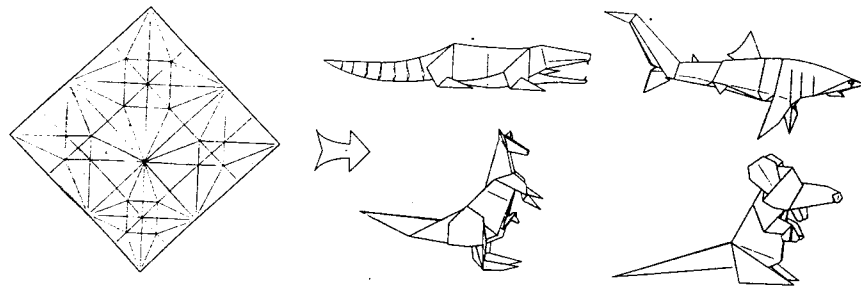
پرنده عجیب: "ساعت کوکوی جنگل سیاه" ساخته شده از یک مستطیل ۱۰:۱۰

به نام "اریگامی محاسباتی" ابداع کرد که در طراحی کامپیوترهای نوری به کار گرفته می شود. پرداختن به بهره گیری در جهت عکس نیز جای نامل دارد. آیا می توان از کامپیوتر برای طراحی شکلهای اریگامی استفاده کرد؟

چنین انتظاری چندان بیجا نیست. اغلب روشهای طراحی به دست آمده را می توان به صورت الگوریتم درآورد، مثلا برای داشتن N یا، این M مرحله را دنبال کنید. "سیستمهای خبره" کامپیوتری تاکنون در تشخیص بیمارها و مکانیسی حوزه های نفتی کارآمد بوده اند، بدون تردید، طراحی یک پرنده کاغذی بالدار



شکل ۵. از ترکیب دو مثلث نوع "الف" و دو مثلث نوع "ب" یک مستطیل $1:\sqrt{2}$ حاصل می شود. چهار تا از این مستطیلها یک مستطیل $1:\sqrt{2}$ دیگر به وجود می آورند که می توان آن را با نقشهای تازنی دیگر ترکیب کرد و مبنای پیچیده تری به دست آورد.



شکل ۶. از ترکیب دو مستطیل $1:\sqrt{2}$ و دو مبنای پرنده، نقش تازنی برای یک مبنای شش زبانه ای به وجود می آید که در ساختن تمساح، کوسه، کانگورو و موش به کار می رود.

کار پیچیده تری نیست. در واقع، این کار هم اکنون صورت گرفته است. در سال ۱۹۷۱، آرتور آیل، پژوهشگری از موسسه آی. بی. ام، برنامه ای برای یکی از کامپیوترهای "سیستم ۳۶۰" تهیه کرد که شکلهای هندسی ساده کاغذ نشده را ترسیم کند. نوزده درصد موارد ناموفق منظور شد (البته باید دید که شکل هندسی به چه تعبیر "موفق" به حساب می آید). ولی در اینجا سوال جالبی مطرح می شود: آیا ممکن است روزی کامپیوتر مدلی برتر از آنچه بشر طراحی می کند، طراحی کند؟ کسانی که در اریگامی تخصصی کار می کنند بخش عمده ای از روند طراحی را به صورت الگوریتم درآورده اند که طبعاً براحتی می توان آنها را در کامپیوتر به کار گرفت. البته

این هم پرنده اریگامی با لانه تخمهایش

